

数 学

解答はすべて解答用紙の指定された場所に記入すること。

次の空欄のア、イ、ウ、…… に対応する数値または符号 (－) をマークせよ。

1. 次の問いに答えよ。

(1) 実数の大小に関して考える。空欄 [ア], [イ], [ウ] に当てはまる最も適当なものを選択肢

から選び、記号をマークせよ。

- 4 つの実数 2^{42} , 5^{14} , 3^{28} , 49^7 のうち、最も大きいものは [ア] である。

空欄 [ア] の選択肢： ① 2^{42} ② 5^{14} ③ 3^{28} ④ 49^7

- 4 つの実数 $\sqrt{8}$, $\sqrt[3]{64}$, $16^{\frac{1}{3}}$, $\sqrt[3]{32}$ のうち、2 番目に大きいものは [イ] である。

空欄 [イ] の選択肢： ① $\sqrt{8}$ ② $\sqrt[3]{64}$ ③ $16^{\frac{1}{3}}$ ④ $\sqrt[3]{32}$

- 3 つの実数 $\frac{1}{4}$, $\log_2 1.1$, $\log_3 \frac{3}{2}$ を小さい順に並べると [ウ] である。

空欄 [ウ] の選択肢：

① $\frac{1}{4} < \log_2 1.1 < \log_3 \frac{3}{2}$ ② $\frac{1}{4} < \log_3 \frac{3}{2} < \log_2 1.1$

③ $\log_2 1.1 < \frac{1}{4} < \log_3 \frac{3}{2}$ ④ $\log_2 1.1 < \log_3 \frac{3}{2} < \frac{1}{4}$

⑤ $\log_3 \frac{3}{2} < \frac{1}{4} < \log_2 1.1$ ⑥ $\log_3 \frac{3}{2} < \log_2 1.1 < \frac{1}{4}$

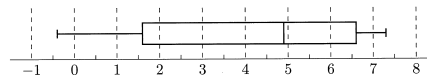
(2) 次の図は、数値の大小の幅が大きいデータについて、これらの数値を常用対数に変換し

た後、箱ひげ図に表したものである。以下、 $\log_{10} 2 = 0.3$ とする。なお、空欄 [オ] およ

び [ク] には最も適当な 1 桁の整数をマークせよ。空欄 [エ] および [キ] に関しては、最

も適当なものを下の選択肢から選び、記号をマークせよ。ただし、同じものを繰り返し

選んでもよい。



箱ひげ図から、常用対数に変換したデータの最大値を 7.3 と読みとった。このとき、実

際のデータの最大値は、概数で $10^{7.3} = 10^{0.3} \times 10^7 = 10^{\log_{10} 2} \times 10^7 = 2 \times 10^7$ と求め

られる。同様に、常用対数に変換したデータの第 3 四分位数は [エ] と読みとれるか

ら、実際のデータの第 3 四分位数は概数で [オ] $\times 10^{[2]}$ である。さらに、常用対数

に変換したデータの中央値は [キ] と読みとれるから、実際のデータの中央値は概数

で [ク] $\times 10^{[2]}$ である。

空欄 [エ] および [キ] の選択肢： ① 1.6 ② 3.3 ③ 4.9 ④ 4

⑤ 0 ⑥ -0.4 ⑦ 5.6 ⑧ 6.6

2. $AB = 1, BC = BD = 2, \angle ABC = \angle ABD = \angle DBC = 90^\circ$ である三角錐 ABCD

がある。

(1) 三角錐 ABCD の体積は $\frac{\boxed{\text{コ}}}{\boxed{\text{サ}}}$ である。

(2) $\cos \angle CAD = \frac{\boxed{\text{シ}}}{\boxed{\text{ス}}}$ であるから, $\sin \angle CAD = \frac{\boxed{\text{セ}}}{\boxed{\text{タ}}}\sqrt{\frac{\boxed{\text{ソ}}}{\boxed{\text{タ}}}}$ である。

(3) $\triangle ACD$ の面積は $\sqrt{\boxed{\text{チ}}}$ である。

(4) 点 B を通り, 平面 ACD に垂直に交わる直線を引く。その直線と平面 ACD との交点を

H とする。BH = $\sqrt{\frac{\boxed{\text{ツ}}}{\boxed{\text{テ}}}}$ であるから, AH = $\sqrt{\frac{\boxed{\text{ト}}}{\boxed{\text{ナ}}}}$ である。

3. k を実数とする。座標平面において、直線 $y = -x + 9$ を l , 放物線 $y = -\frac{1}{16}x^2 + k$

を C とする。

(1) l と x 軸の交点を A とする。C も点 A を通るのは $k = \frac{\boxed{\text{ニヌ}}}{\boxed{\text{ネノ}}}$ のときである。

このとき, l と C で囲まれた部分の面積は $\frac{\boxed{\text{ハ}}}{\boxed{\text{ヒフ}}}$ である。

(2) l と C が接するのは $k = \boxed{\text{ヘ}}$ のときである。

このとき, l と C の接点の座標は $(\boxed{\text{ホ}}, \boxed{\text{マ}})$ であるから, l と C および y 軸で

囲まれた部分の面積は $\frac{\boxed{\text{ミム}}}{\boxed{\text{キ}}}$ である。